

Tentti 04.02.2025

- Kokeessa saa käyttää laskinta, mutta se ei saa olla ohjelmoitava.
- Kokeessa saa olla mukana itse käsin kirjoitettu muistilappu (yksi A4, molemmat puolet).
Muistilappu tulee palauttaa koepaperin mukana.
- Kääntöpuolella kaavoja ja vakioita.

1

Varattu hiukkanen ($q = 5.2 \cdot 10^{-6} \text{ C}$) kulkee nopeudella $2.8 \cdot 10^4 \text{ m/s } \hat{i}$ alueessa, jossa on tasainen sähkökenttä $\vec{E} = 12.0 \text{ kN/C } \hat{j}$. Samassa alueessa on myös tasainen magneettikenttä \vec{B} .

- Kuinka suuren voiman sähkökenttä kohdistaa hiukkaseen?
- Kuinka suuri magneettikentän on oltava, jotta sen hiukkaseen kohdistama voima olisi yhtä suuri kuin sähkökentän kohdistama voima?
- Mihin suuntaan magneettikentän pitää osoittaa, jotta hiukkanen kulkisi alueessa suoraan?

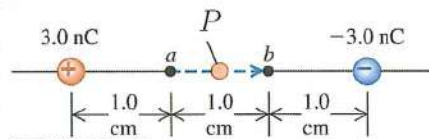
2

Polyetyleenieristeisen tasolevykondensaattorin levyt ovat neliöitä (sivun pituus 14 cm) ja levyjen välinen etäisyys on 0.23 mm. Polyetyleenin eristevakio on 3.1 ja läpilyöntikestävyys $8.0 \cdot 10^7 \text{ V/m}$.

- Kuinka suuri varaus kondensaattorin levyillä on, kun se on varattu paristolla, jonka emf $\mathcal{E} = 2.5 \text{ V}$?
- Mikä on suurin mahdollinen varaus, johon tämä kondensaattori voidaan varata?

3

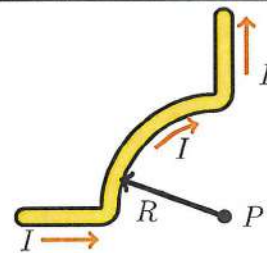
Hiukkanen P kulkee alueessa, jossa sen lähistöllä on vain kaksi muuta pistevarausta (kuvan 3.0 nC ja -3.0 nC), jotka on kiinnitetty paikoilleen. Hiukkasen massa $m = 5.0 \cdot 10^{-9} \text{ kg}$ ja varaus $q_0 = 2.0 \text{ nC}$. Se lähtee levosta pisteestä a ja kulkee suoraan pisteeseen b eikä siihen kohdistu sähköisten voimien lisäksi muita voimia.



- Laske hiukkasen P kokema potentiaali pisteissä a ja b .
- Laske hiukkasen vauhti pisteessä b .

4

Viereisen kuvan johdin koostuu kolmesta palasta, joista kaksi on suoraa ja yksi neljännesympyrä. Kummankin suoran osan pituus on $\ell = 10.0 \text{ cm}$. Kaareva osa on neljännesympyrä, jonka säde on $R = 20.0 \text{ cm}$. Johtimessa kulkee kuvassa osoitettuun suuntaan virta $I = 1.50 \text{ A}$. Piste P on kaarevaa osaa vastaavan ympyrän keskipiste ja sijaitsee samassa tasossa kuin johdinkin.

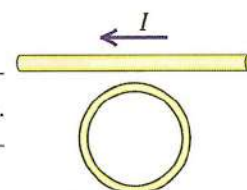


Laske virran I pisteeseen P aiheuttaman **magneettikentän suunta ja suuruus Biot-Savartin lain** avulla. Perustele laskun kaikki vaiheet!

5

a) Tutkitaan r -säteistä pallopintaa, jonka sisällä on vain yksi pistevaraus q . Jos pistevaraus on pallon keskipisteessä, sähkökentän vuo $\oint \vec{E} \cdot d\vec{A}$ pinnan läpi voidaan kirjoittaa muodossa $E4\pi r^2$, missä E on pistevarauksen aiheuttaman sähkökentän \vec{E} suuruus pallopinnalla. Perustele matemaattisesti välivaiheet esittäen, miten tämä onnistuu.

b) Viereisen kuvan ympyränmuotoinen johdinsilmukka on suoran johtimen vieressä. Suorassa johtimessa kulkeva virta I on kasvamassa. Minkä suuntainen virta indusoituu tällöin johdinsilmukkaan? Perustele väitteesi vaihteittain.



Yleisiä vakioita

$g = 9.80 \text{ m/s}^2$
 $\epsilon_0 = 8.854 \times 10^{-12} \text{ C}^2\text{N}^{-1}\text{m}^{-2}$
 $\mu_0 \approx 4\pi \times 10^{-7} \text{ TmA}^{-1}$
 $e = 1.602 \times 10^{-19} \text{ C}$
 $m_e = 9.109 \times 10^{-31} \text{ kg}$
 $\mu_B = 5.788 \times 10^{-5} \text{ eV/T}$
 $k = 1.381 \times 10^{-23} \text{ J/K}$

$\vec{A} \times \vec{B} = (A_y B_z - A_z B_y)\hat{i} + (A_z B_x - A_x B_z)\hat{j} + (A_x B_y - A_y B_x)\hat{k}$ Pallo: $A = 4\pi r^2$, $V = \frac{4}{3}\pi r^3$

$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \hat{r}$

$\vec{E} = \frac{\vec{F}_0}{q_0}$ $\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \hat{r}$

$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq}{r^2} \hat{r}$

$p = qd$ $\vec{\tau} = \vec{p} \times \vec{E}$

$\Phi_E = \int \vec{E} \cdot d\vec{A}$

$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{\text{encl}}}{\epsilon_0}$

$U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq_0}{r}$ $V = \frac{U}{q_0}$

$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}$ $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq}{r}$

$W_{a \rightarrow b} = q_0(V_a - V_b) = U_a - U_b$

$V_{ab} = V_a - V_b = \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{l}$

$\vec{E} = -\left(\frac{\partial V}{\partial x}\hat{i} + \frac{\partial V}{\partial y}\hat{j} + \frac{\partial V}{\partial z}\hat{k}\right)$

$C = \frac{Q}{V_{ab}}$ $C = \epsilon \frac{A}{d}$

$E = \frac{\sigma}{\epsilon}$

$U = \frac{Q^2}{2C}$ $u = \frac{1}{2}\epsilon E^2$

$C = KC_0$ $\epsilon = K\epsilon_0$

$I = \frac{dQ}{dt}$ $J = \frac{I}{A}$

$\vec{J} = nq\vec{v}_d$ $\vec{E} = \rho\vec{J}$

$\rho(T) = \rho_0 [1 + \alpha(T - T_0)]$

$R = \frac{\rho L}{A}$ $\rho = \frac{m}{ne^2\tau}$

$V = IR$ $P = V_{ab}I$

$\sum I_{\text{in}} = \sum I_{\text{out}}$

$\sum V = 0$

$q = C\mathcal{E}(1 - e^{-t/RC})$

$\vec{F} = q(\vec{v} \times \vec{B} + \vec{E})$

$\Phi_B = \int \vec{B} \cdot d\vec{A}$

$d\vec{F} = Id\vec{l} \times \vec{B}$ $\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B}$

$\vec{\mu} = NI\vec{A}$

$\vec{B} = \frac{\mu_0 q\vec{v} \times \hat{r}}{4\pi r^2}$

$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$

$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$ $B = \mu_0 nI$

$\vec{B} = \vec{B}_0 + \mu_0 \vec{M}$

$\vec{B} = K_m \vec{B}_0$

$\vec{M} = \frac{\vec{\mu}_{\text{total}}}{V}$

$\mathcal{E} = -N \frac{d\Phi_B}{dt}$ $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi_B}{dt}$

$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \left(i_c + \epsilon \frac{d\Phi_E}{dt}\right)_{\text{encl}}$

$M = \frac{N_2 \Phi_{B,2}}{i_1}$ $\mathcal{E}_2 = -M \frac{di_1}{dt}$

$L = \frac{N\Phi_B}{i}$ $\mathcal{E} = -L \frac{di}{dt}$

$U = \frac{1}{2} LI^2$ $u = \frac{B^2}{2\mu_0}$

$i(t) = \frac{\mathcal{E}}{R}(1 - e^{-tR/L})$