

MAT-20500 Todennäköisyyslaskenta. Tenti 15.2.2010.

Tehtävät 1-4 kuuluvat kurssin MAT-20500 Todennäköisyyslaskenta tenttiin Tehtävät 1-5 kuuluvat kurssin 73050 Tilastomatematiikka tenttiin

Ei kirjallisuutta tai muistiinpanoja esillä. Laskin ja jaettava kaavakokoelma sallittu. Palauta paperisi sille luennoitsijalle (siis oikeaan pinoon), jonka ryhmässä ole suorittanut harjoituspaketin.

Erkki Pirttimäki, Risto Silvennoinen, Kimmo Vattulainen.

Tilastomatematiikan tentti **Kimmo Vattulaiselle.**

- 1
- a) Eräs sairaus esiintyy aikuisväestössä keskimäärin neljäkymmenellä tuhannesta. Määrittä todennäköisyys, että satunnaisesti valitussa 30 aikuisen joukossa tämä sairaus on ainakin neljällä.
- b) Olkoon A ja B saman otosvaruuden tapahtumia. Tiedetään, että todennäköisyydet tunnetaan $P(B \cap \bar{A}) = 0.2$ ja $P(A|B) = 0.5$. Laske tapahtuman P(B) todennäköisyys.
2. Satunnaismuuttujan x tiheysfunktio on
- $$f(x) = \begin{cases} 3/x^4 & x \geq a \\ 0 & x < a \end{cases}$$
- a) Määrittä a.
- b) Määrittä x:n odotusarvo E(x) ja varianssi var(x).
- c) Määrittä kertymäfunktio.
- 3 Valtio X:n armeijassa on tutkittu varusmiesten painoa ja todettu että paino x noudattaa normaalijakaumaa $x \sim N(77, 6^2)$.
- a) Määrittä a>0 siten, että $P(77 - a \leq x \leq 77 + a) = 0.95$
- b) Millä todennäköisyydellä satunnaisesti valitun neljän varusmiehen yhteenlaskettu paino on välillä [300,320]?
4. Olkoon satunnaisvektori $\mathbf{x} = (x, y)$ tasan jakautunut yli alueen $\Omega = \{(x, y) \mid 0 \leq y \leq \sqrt{x}, 0 \leq x \leq 1\}$.
- a) Määrittä satunnaisvektorin tiheysfunktio f(x, y).
- b) Määrittä cov(x, y).
- c) Määrittä corr(x, y).

Tehtävä 5 vain kurssin 73050 tilastomatematiikan tentissä.

5. Satunnaismuuttujasta $x \sim N(\mu, \sigma^2)$ on otettu 25 kappaleen otos. Otoskeskiarvoksi saatiin 1.464 ja otosvariانسiksi saatiin $s^2 = 0.0081$. Testaa riskitasolla 0.05
- a) nollahypoteesi $H_0: \mu = 1.5$ vaihtoehtoa $H_1: \mu \neq 1.5$ vastaan
- b) nollahypoteesi $H_0: \sigma^2 = 0.0054$ vaihtoehtoa $H_1: \sigma^2 > 0.0054$ vastaan.